



**Частное общеобразовательное учреждение  
«ЛИЦЕЙ КЛАССИЧЕСКОГО ЭЛИТАРНОГО ОБРАЗОВАНИЯ»**

---

**ПРИНЯТО**

на заседании педагогического совета  
ЧОУ «Лицей КЭО»  
Протокол №1 от «29» августа 2023 года  
Приказ №549 от «30» августа 2023 года

**УТВЕРЖДАЮ**

Директор Н. В. Логунова



**Рабочая программа учебного предмета  
«Алгебра и начала математического  
анализа»  
11 класс**

Срок реализации рабочей программы – 1 год

Ростов-на-Дону  
2023 г.

Рабочая программа по алгебре и началам математического анализа для 11 класса разработана на основании нормативно-правовых документов:

1. Закон «Об образовании в Российской Федерации» № 273-ФЗ от 29.12.2012 г.

2. Приказ Министерства образования и науки Российской Федерации от 17.05.2012 года № 413 «Об утверждении федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования».

3. Приказ Министерства просвещения РФ от 18 мая 2023 г. №371 «Об утверждении федеральной образовательной программы основного общего образования».

4. Учебный план ЧОУ «Лицей КЭО» на 2023-2024 учебный год.

Учебный план ЧОУ «Лицей КЭО» на 2023-2024 учебный год предусматривает изучение алгебры и начал математического анализа в объеме 4 часов в неделю в 11 классе (136 часов в 11 классе), на основе чего и разработана данная рабочая программа для 11-го класса.

## ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

### ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

#### 1) гражданского воспитания:

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

#### 2) патриотического воспитания:

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

#### 3) духовно-нравственного воспитания:

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

#### 4) эстетического воспитания:

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

#### 5) физического воспитания:

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к

своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

б) трудового воспитания:

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

7) экологического воспитания:

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

8) ценности научного познания:

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

Коммуникативные универсальные учебные действия

Общение:

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

Совместная деятельность:

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

## ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу обучения в 11 классе обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

### Числа и вычисления:

свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел, использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида;

свободно оперировать понятием остатка по модулю, записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления;

свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел, представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости.

### Уравнения и неравенства:

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства, находить их решения с помощью равносильных переходов;

осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения;

свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств;

свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств, равносильные системы и системы-следствия, находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств;

решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры;

применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.

Функции и графики:

строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций;

строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости;

свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций;

применять функции для моделирования и исследования реальных процессов.

Начала математического анализа:

использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы;

находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке;

использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком;

свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл, находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона-Лейбница;

находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла;

иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений;

решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

## СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

### Числа и вычисления

Натуральные и целые числа. Применение признаков делимости целых чисел, наибольший общий делитель (далее – НОД) и наименьшее общее кратное (далее – НОК), остатков по модулю, алгоритма Евклида для решения задач в целых числах.

Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа. Арифметические операции с комплексными числами. Изображение комплексных чисел на координатной плоскости. Формула Муавра. Корни  $n$ -ой степени из комплексного числа. Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач.

### Уравнения и неравенства

Система и совокупность уравнений и неравенств. Равносильные системы и системы-следствия. Равносильные неравенства.

Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение тригонометрических неравенств.

Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств.

Основные методы решения иррациональных неравенств.

Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений.

Уравнения, неравенства и системы с параметрами.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов.

### Функции и графики

График композиции функций. Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Графические методы решения уравнений и неравенств. Графические методы решения задач с параметрами.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

Начала математического анализа

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных.

Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница.

Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел.

Примеры решений дифференциальных уравнений. Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений.

## ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Исследование функций с помощью производной	22	1		
2	Первообразная и интеграл	12	1		
3	Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства	14	1		
4	Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства	24	1		
5	Комплексные числа	10	1		
6	Натуральные и целые числа	10	1		
7	Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений	12	1		
8	Задачи с параметрами	16	1		
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	16	2		
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		<b>136</b>	<b>10</b>	<b>0</b>	

№ п/п	Тема	Кол-во часов	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
1	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	
2	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	
3	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	
4	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	
5	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	
6	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1	
7	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	
8	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	
9	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	
10	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	

№ п/п	Тема	Кол-во часов	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
11	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	
12	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке	1	
13	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах	1	
14	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах	1	
15	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком	1	
16	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком	1	
17	Композиция функций	1	
18	Композиция функций	1	
19	Композиция функций	1	
20	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости	1	
21	Геометрические образы	1	

№ п/п	Тема	Кол-во часов	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
	уравнений на координатной плоскости		
22	Контрольная работа: "Исследование функций с помощью производной"	1	
23	Первообразная, основное свойство первообразных	1	
24	Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных	1	
25	Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных	1	
26	Интеграл. Геометрический смысл интеграла	1	
27	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1	
28	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница	1	
29	Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур	1	
30	Применение интеграла для нахождения объёмов геометрических тел	1	
31	Примеры решений дифференциальных уравнений	1	
32	Примеры решений дифференциальных	1	

№ п/п	Тема	Кол-во часов	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
	уравнений		
33	Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений	1	
34	Контрольная работа: "Первообразная и интеграл"	1	
35	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1	
36	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1	
37	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1	
38	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1	
39	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1	
40	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1	
41	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1	
42	Отбор корней	1	

№ п/п	Тема	Кол-во часов	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
	тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности		
43	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	1	
44	Решение тригонометрических неравенств	1	
45	Решение тригонометрических неравенств	1	
46	Решение тригонометрических неравенств	1	
47	Решение тригонометрических неравенств	1	
48	Контрольная работа: "Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства"	1	
49	Основные методы решения показательных неравенств	1	
50	Основные методы решения показательных неравенств	1	
51	Основные методы решения показательных неравенств	1	
52	Основные методы решения	1	

№ п/п	Тема	Кол-во часов	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
	показательных неравенств		
53	Основные методы решения логарифмических неравенств	1	
54	Основные методы решения логарифмических неравенств	1	
55	Основные методы решения логарифмических неравенств	1	
56	Основные методы решения логарифмических неравенств	1	
57	Основные методы решения иррациональных неравенств	1	
58	Основные методы решения иррациональных неравенств	1	
59	Основные методы решения иррациональных неравенств	1	
60	Основные методы решения иррациональных неравенств	1	
61	Графические методы решения иррациональных уравнений	1	
62	Графические методы решения иррациональных уравнений	1	
63	Графические методы решения показательных уравнений	1	
64	Графические методы решения показательных неравенств	1	
65	Графические методы	1	

№ п/п	Тема	Кол-во часов	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
	решения логарифмических уравнений		
66	Графические методы решения логарифмических неравенств	1	
67	Графические методы решения логарифмических неравенств	1	
68	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений	1	
69	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений	1	
70	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств	1	
71	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств	1	
72	Контрольная работа: "Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства"	1	
73	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа	1	
74	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы	1	

№ п/п	Тема	Кол-во часов	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
	записи комплексного числа		
75	Арифметические операции с комплексными числами	1	
76	Арифметические операции с комплексными числами	1	
77	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости	1	
78	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости	1	
79	Формула Муавра. Корни $n$ -ой степени из комплексного числа	1	
80	Формула Муавра. Корни $n$ -ой степени из комплексного числа	1	
81	Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач	1	
82	Контрольная работа: "Комплексные числа"	1	
83	Натуральные и целые числа	1	
84	Натуральные и целые числа	1	
85	Применение признаков делимости целых чисел	1	
86	Применение признаков делимости целых чисел	1	
87	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК	1	
88	Применение признаков делимости целых чисел:	1	

№ п/п	Тема	Кол-во часов	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
	НОД и НОК		
89	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю	1	
90	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю	1	
91	Применение признаков делимости целых чисел: алгоритм Евклида для решения задач в целых числах	1	
92	Контрольная работа: "Теория целых чисел"	1	
93	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы-следствия	1	
94	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы-следствия	1	
95	Основные методы решения систем и совокупностей рациональных уравнений	1	
96	Основные методы решения систем и совокупностей иррациональных уравнений	1	
97	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений	1	
98	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений	1	

№ п/п	Тема	Кол-во часов	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
99	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений	1	
100	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений	1	
101	Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1	
102	Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1	
103	Применение неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов	1	
104	Контрольная работа: "Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений"	1	
105	Рациональные уравнения с параметрами	1	
106	Рациональные неравенства с параметрами	1	

№ п/п	Тема	Кол-во часов	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
107	Рациональные системы с параметрами	1	
108	Иррациональные уравнения, неравенства с параметрами	1	
109	Иррациональные системы с параметрами	1	
110	Показательные уравнения, неравенства с параметрами	1	
111	Показательные системы с параметрами	1	
112	Логарифмические уравнения, неравенства с параметрами	1	
113	Логарифмические системы с параметрами	1	
114	Тригонометрические уравнения с параметрами	1	
115	Тригонометрические неравенства с параметрами	1	
116	Тригонометрические системы с параметрами	1	
117	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью уравнений с параметрами	1	
118	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами	1	
119	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с	1	

№ п/п	Тема	Кол-во часов	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
	помощью систем уравнений с параметрами		
120	Контрольная работа: "Задачи с параметрами"	1	
121	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1	
122	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1	
123	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения. Системы уравнений"	1	
124	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1	
125	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1	
126	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"	1	
127	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1	
128	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"	1	
129	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её	1	

№ п/п	Тема	Кол-во часов	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
	применение"		
130	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Интеграл и его применение"	1	
131	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1	
132	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1	
133	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1	
134	Итоговая контрольная работа	1	
135	Итоговая контрольная работа	1	
136	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1	
	Всего	136	